

Henri BROCH

Professeur émérite de Physique et de Zététique Université Nice Sophia Antipolis

Cours Mécanique des Fluides



Hémisphère de Magdebourg, XVII^e siècle?... Non. Bol de moine Kung-fu Shaolin, XXI^e siècle!

https://www.book-e-book.com/

Licence "Sciences de la Vie"

© Copyright Henri BROCH v.4.0 2016

 \mathbf{E}

U

R

 \mathbf{T}

Cours de Mécanique des Fluides

----- STATIQUE DES FLUIDES -----

- Introduction: solide, liquide, gaz; qu'est-ce qu'un fluide ?
- Propriétés du fluide parfait en équilibre
- Théorème fondamental de la statique des fluides
- Applications-observations: surface libre; surface de séparation de liquides non miscibles; vases communicants; pression atmosphérique; variation avec l'altitude; transmission des pressions; paradoxe hydrostatique
- Théorème d'Archimède
- Applications-observations: mélange; plumes/Pb; ballons-sondes; iceberg,...
- Pression osmotique; phénomène d'osmose; évaluation; solutions diluées; sève; saccharose et NaCl

----- TENSION SUPERFICIELLE, CAPILLARITÉ -----

- Notion de tension superficielle
- Loi de Laplace
- Application-observations: bulles; force de rappel; extrémité de tube
- Angle de raccordement (trois phases en contact), ménisques
- Ascension et dépression capillaire (Loi de Jurin)
- Mesure des tensions superficielles
- Applications-observations: aiguille; gerris; basilic; flottation; lotus; surfactant pulmonaire
- Cohésion d'un liquide (montée de la sève dans les grands arbres)
- Situation idéalisée et "réalité"

----- DYNAMIQUE DES FLUIDES PARFAITS -----

- Conservation du débit.
- Equation de Bernoulli
- Applications-observations: orientation du tube
- Tube de Pitot
- Effet Venturi; trompe à eau; sténose vasculaire; martinet de Contes
- Force associée à la dissymétrie,
- Limites d'application (variation brusque de section)
- Extension aux cas des gaz

----- DYNAMIQUE DES FLUIDES VISQUEUX -----

- Viscosité: phénomène macroscopique i.e. résistance au mouvement, chute, sédimentation, Stokes; valeurs de viscosité; faibles / grandes vitesses
- Viscosité: phénomène microscopique, loi fondamentale des fluides visqueux
- Loi de Poiseuille, profil de vitesse
- Débit, vitesse moyenne
- Applications-observations: arrosage; transfusion sanguine,...
- Notion de régime turbulent et nombre de Reynolds

Et pour ce qui concerne la démarche zététique, base de toute démarche scientifique : https://www.book-e-book.com/

STATIQUE DES FLUIDES

SOLIDE... LIQUIDE... GAZ

...

Solide et liquide: états *condensés* de la matière i.e. relativement denses et de masses volumiques comparables (celles des liquides *en général* plus faibles que celles des solides, mais du même ordre de grandeur : 10% d'écart pour un corps donné).

Etat gazeux: complètement différent

•••

Solide: molécules astreintes à vibrer autour de positions moyennes fixes.

Liquide ou gaz: molécules libres de se déplacer au hasard.

Seule coupure "franche" entre 2 classes d'état : *structure ordonnée* (solides) *structure désordonnée* (liquides et gaz)

- Etat liquide: le désordre prédomine à longue distance.
- Gaz (c.n.): pratiquement *pas d'interaction* entre molécules

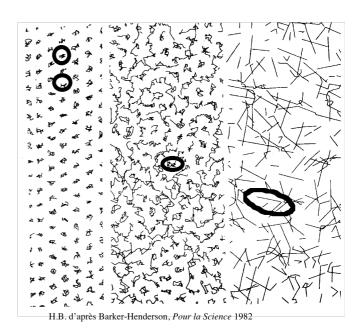


Diagramme de phase d'une substance ordinaire

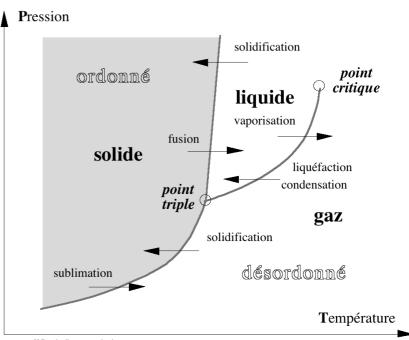
(Diagramme et classification schématiques)

•••

•••

Il existe des états intermédiaires : verre*, cristaux liquides (phase nématique; phase cholestérique; phase smectique),...

^{*} Le verre est tout de même macroscopiquement un "solide"...



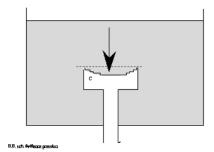
H.B. sch. diagramme de phase

Qu'est-ce qu'un fluide?

Fluide parfait ou idéal: ...

Etat gazeux : pas de surface libre (gaz parfait, PV = nRT)

Etat liquide : surface libre de séparation entre liquide et milieu ambiant



Un fluide est capable d'exercer une force sur un solide
$$Pression = \frac{norme \ de \ la \ force \ pressante \ perpendiculaire}{surface \ sur \ laquelle \ elle \ s'exerce}$$

$$P = \frac{\parallel df \parallel}{dS}$$

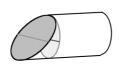
unité: le pascal (Pa) = 1 N.m^{-2}

1 bar = 10^5 Pa

 P_0 (en moyenne, niveau de la mer) = 1013 millibars

PROPRIÉTÉS DU FLUIDE PARFAIT EN ÉQUILIBRE

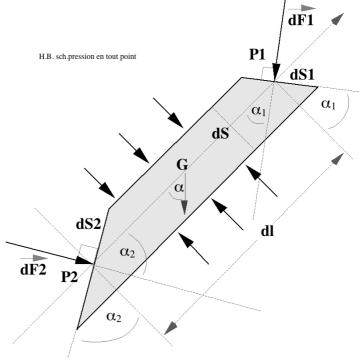
Fluide en équilibre, masse volumique p, petit élément de volume cylindrique (limité par une surface imaginaire) de longueur dl, de section droite dS, terminé par dS1 et dS2 d'orientation quelconque.



dSi se découpe en petites bandes rectangulaires.

Projection sur axe ⊥ axe du cylindre, composantes de dF2 et dF₁ compensées par les F_{pression} sur les parties de cylindre "supplémentaires" par rapport à la section droite.

$$\sum \vec{F}_{lat\'erales.\,perpendiculaires.\grave{a}.l'axe} = 0$$



La pression en un point d'un fluide en équilibre est indépendante de l'orientation du disque qui sert à sa définition.

Principe de Pascal : Si l'on ne tient pas compte du poids, la pression à l'intérieur d'un fluide est la même en tout point et dans toute direction.

THÉORÈME FONDAMENTAL

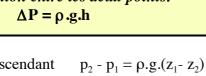
En tenant compte du poids (et en supposant le champ de pesanteur *uniforme et constant*):

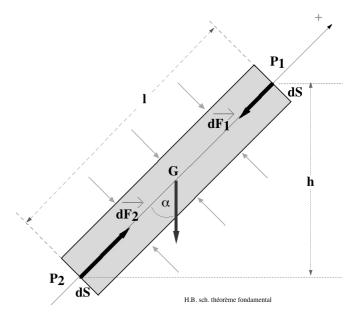
•••

•••

•••

La différence de pression entre deux points quelconques d'un fluide en équilibre est égale au poids d'un cylindre de fluide de section unité et ayant pour hauteur la dénivellation entre les deux points.

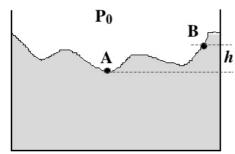




axe Oz vertical ascendant $\begin{aligned} p_2 - p_1 &= \rho.g.(z_1 - z_2) \\ dp &= -\rho.g.dz \end{aligned}$ (ou grad $p = -\rho.\vec{g}$)

APPLICATIONS

1) surface libre d'un liquide (dans un champ de *pesanteur uniforme*)



H.B. sch. surface libre

$$\Delta P = \rho g h = 0 \ d'où \ h = 0$$

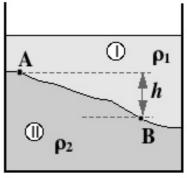
La surface libre d'un liquide au repos est plane et horizontale

2) surface de séparation de deux liquides non miscibles

 $\begin{array}{ll} \mbox{dans le fluide I,} & P_B \mbox{ -} P_A = \rho_1 gh \\ \mbox{dans le fluide II,} & P_B \mbox{ -} P_A = \rho_2 gh \end{array}$

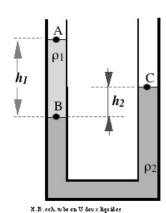
d'où
$$\rho_1 gh = \rho_2 gh$$
 ==> $gh(\rho_1 - \rho_2) = 0$
or $g \neq 0$ et $(\rho_1 - \rho_2) \neq 0$ ==> $h = 0$

La surface de séparation de deux liquides non miscibles au repos est horizontale



H.B. sch. deu x liquides non miscibles

3) vases communicants contenant plusieurs liquides non miscibles :



$$P_B - P_A = \rho_1 g h_1$$

$$P_B - P_C = \rho_2 g h_2$$

$$Or P_A = P_C = P_C$$

$$P_B \mbox{ -} P_A = \rho_1 g h_1 \qquad \qquad P_B \mbox{ -} P_C = \rho_2 g h_2$$

$$Or \mbox{ } P_A = P_C = P_0 \qquad \mbox{ } d\mbox{'où} \qquad \rho_1 g h_1 = \rho_2 g h_2$$

Les dénivellations de deux liquides non miscibles dans des vases communicants sont en rapport inverse de leurs masses volumiques.

Un fluide est à la même hauteur dans deux vases communicants. Si $\rho_1 = \rho_2$

4) mesure de la pression atmosphérique (Torricelli, ~ 1643)

...
$$P_{B} - P_{C} = \rho_{Hg}.g.h = P_{B} = P_{A} = P_{0}$$

$$= P_{0} = 13.596(kg.m^{-3}). 9,806(m.s^{-2}). 0,76(m)$$

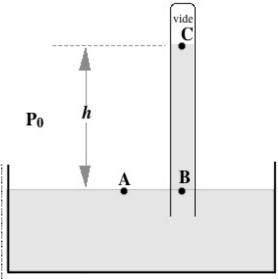
Hauteur de la colonne d'eau équivalente :

$$h_{eau} = h_{Hg}.\rho_{Hg} / \rho_{eau} = > h_{eau} = 10,33 \text{ m}$$

La pression atmosphérique (au niveau de la mer) vaut :

 $P_0 = 1.013.10^5 Pa$ (i.e. 1013 mbars)

Soit 76 cm de mercure ou ~ 10 m d'eau $ou \sim 1 \, kgf / cm^2$



- verre plein renversé sur une feuille,...
- articulation de la hanche,...

Ci-dessous, deux cas concrets d'utilisation de l'équivalence "1 kgf/cm²" (avec une unité certes "prohibée" - le poids à Paris du "kg international" - mais beaucoup plus "parlante" au point de vue intensité) pour "mesurer" un ordre de grandeur.

(A l'exemple du physicien Otto von Guericke, bourgmestre de Magdebourg, Allemagne, qui en 1654 a fait la démonstration spectaculaire des effets de la pression avec deux hémisphères de cuivre et deux - astucieux ! - attelages de 8 chevaux) https://www.book-e-book.com/

--- a) Les secrets des moines Kung-fu Shaolins...

(cf. "Gourous, sorciers et savants", éd. O. Jacob 2006, page 139-155)

PV = nRTvariation de V ==> ... Surface = ...

Soit une composante horizontale de... plus de 100 kgf!

© H. Broch, "Gourous, sorciers et savants" 2006, p. 147



--- b) Les pouvoirs de psychokinèse d'un "sujet-psi" sur portes et fenêtres...

https://www.book-e-book.com/

...
$$PV = nRT = C^{te}$$

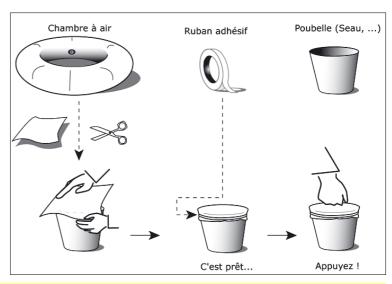
ΔV

 $==> \Delta V /V ...$

 $==> \Delta P \dots$

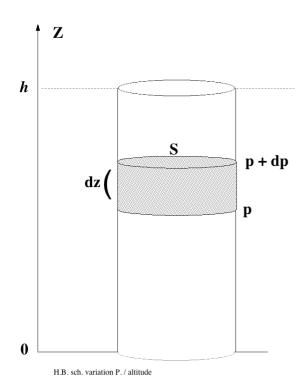
 $==> \sim 500$ gf sur une porte!

La poubelle psychokinétique, © H. Broch, "Gourous, sorciers et savants" 2006, p. 54



Et pour tout ce qui concerne les "pouvoirs" psi et autres mystères, cf : https://www.book-e-book.com/livres/9-au-coeur-de-l-extra-ordinaire-9782915312096.html

5) variation de la pression atmosphérique avec l'altitude (sur une grande hauteur)



H) Cylindre, to constante; air = gaz parfait.
=>
$$pV = nRT$$
 (R = 8,314)

p.S.dz =
$$\frac{\rho \cdot S \cdot dz}{M_{molaire}}$$
RT ==> p = $\frac{\rho}{M_{mol}}$ RT

Or
$$dp = -\rho.g.dz$$

D'où
$$\frac{dp}{p} = \dots$$

La variation (conditions isothermes et g constant) de la pression avec l'altitude s'écrit : $p = p_0 e^{-\frac{M \cdot g}{RT}h}$

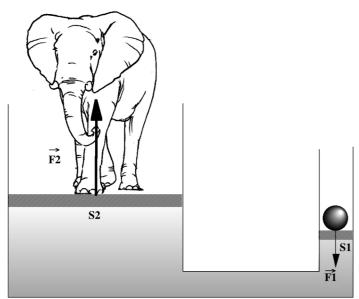
6) Transmission des pressions (principe de Pascal)

Points A et B fixes, fluide incompressible : $P_B - P_A = \rho g h = C^{te}$

$$Si \; P_A \to P_A + dp \quad invariance \; de \; (P_B - P_A) \quad \Rightarrow \quad P_B \to P_B + dp$$

Une variation de pression en un point d'un fluide incompressible est transmise intégralement en tout autre point

- --- Presse hydraulique, ...
- --- Frein de voiture, ...



H.B. sch. presse hydraulique, frein,

...

Surpression $p = \mathbf{F}_1/\mathbf{S}_1$ transmise en tout point

$$==> F_2 = p.S_2 = (F_1/S_1). S_2$$

Or
$$S_2 >> S_1$$

$$==> F_2 >> F_1$$

--- Expérience du crève-tonneau de Pascal,...

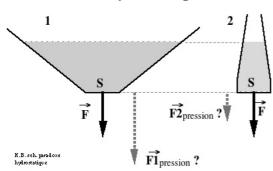
Tonneau, hauteur 1 m Surface du fond 0,2 m², Mince tube de 9 mètres de haut





H.B. sch. tonneau Pascal

7) "Paradoxe" hydrostatique



A surface de fond identique (et même hauteur de liquide), la force de pression exercée par un liquide sur le fond du récipient est *indépendante* de la forme du récipient.

THÉORÈME D'ARCHIMÈDE

Parallélépipède rectangle immergé dans un fluide de masse volumique of.

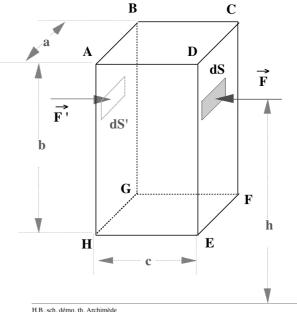
V: volume du parallélépipède (solide)

.../...

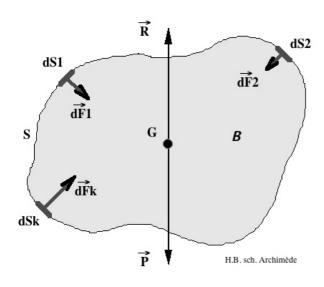
$$F = F_2 - F_1 = (P_2 - P_1).ac = \rho_f.g.b.ac = \rho_f.g.V$$

Un corps solide complètement immergé dans un fluide subit de la part de celui-ci une poussée verticale dirigée de bas en haut et égale au poids du fluide déplacé.

$$\pi_{\rm A} = \rho_{\rm fluide}.g.V_{\rm corps}$$



S: surface d'une boule virtuelle B tracée dans un fluide parfait en équilibre.



- Sur chaque surface dSk s'exerce dFk
- Résultante R = $\sum \; d\, \vec{F}_{k} \;$ (s'applique au "centre de poussée")
- B en équilibre, donc R opposé à P.

Si B ne contient plus de fluide mais un solide de même bord S, les forces de pression demeurent les mêmes.

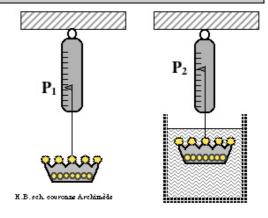
Conclusion : Ce solide plongé dans le fluide subit la force R précédente correspondant au poids en fluide du volume occupé par le solide.

Le théorème se généralise au cas d'un solide plongé dans un système de fluides en équilibre statique

APPLICATIONS

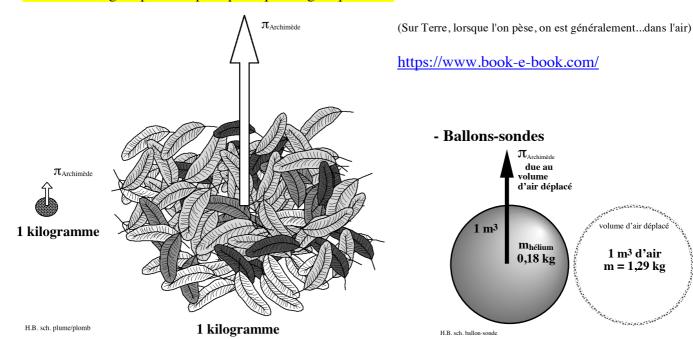
- La détection d'un mélange ou "l'orfèvre indélicat"

.../...



- Kilogramme de plumes, kilogramme de plomb

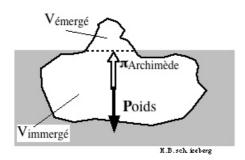
Eh oui, un kg de plomb... <u>pèse plus</u> qu'un kg de plumes!



- Un iceberg flotte-t-il sur l'eau?

L'exactitude (...ce n'est pas la précision) des mots utilisés est importante :

https://www.book-e-book.com/livres/8-l-art-du-doute-9782915312119.html



..
$$V_{immerg\acute{e}} = (\rho_{glace}/\rho_{eau}).V = 0.89 \ V_{total}$$

La réponse est donc... non!

PRESSION OSMOTIQUE

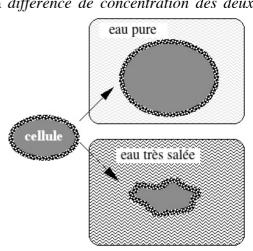
Le phénomène d'osmose

Solutions <u>diluées</u> : apparition du phénomène d'osmose dû à la différence de concentration des deux côtés d'une membrane.

Seules les molécules d'eau passent à travers la membrane, les ions Na⁺ et Cl⁻ sont arrêtés. Flux d'eau à travers la membrane s'arrête lorsque pressions d'eau intérieure et extérieure identique. La pression osmotique est la différence de pression à l'équilibre, des deux côtés de la paroi semi-perméable.

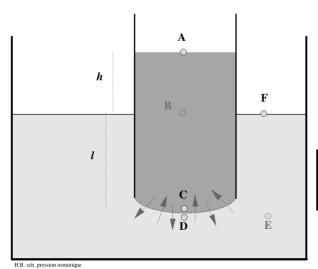
$$\pi = P_i - P_e = P_i(NaCl) - P_e(NaCl)$$

La dilatation ou la contraction de la cellule n'est pas due aux molécules d'eau mais *uniquement aux molécules de NaCl*.



Milieu hypertonique ... cellule "plasmolysée" En milieu hypotonique ... cellule turgescente

Evaluation de la pression osmotique



A l'équilibre: dénivellé h $P(C) = P(A) + \rho_{sol} g (h + l)$

$$P(D) = P(E)$$
 $P(E) = P(F) + \rho_{eau} g l$
 $P(F) = P(A) = P_{o}$

 $\pi = P(C) - P(D) \sim \rho_{sol} g h$

car solution diluée et l peut être rendu arbitrairement petit

> La pression osmotique a pour valeur $\pi = \rho_{\text{solution}} \cdot \mathbf{g.h}$

Attention! h différence de hauteur entre 2 surfaces libres de 2 milieux différents (≠ h entre deux points quelconques dans 1 seul et même fluide).

Solutions diluées et gaz parfaits

Solutions diluées obéissent à loi analogue à celle des gaz parfaits.

Loi de Van t'Hoff

La pression osmotique d'une solution diluée est égale à la pression d'un gaz composé de la substance dissoute qui occuperait le même volume, à la même ou, avec n nombre de "moles" de soluté, $\pi.V = n.R.T$ température: $\pi = cRT$

Attention! Dissociation du soluté. Nombre de molécules non dissociées + nombre d'ions positifs + nombre d'ions négatifs.

APPLICATIONS

- Montée de la sève dans les érables au printemps (M_{mole} = 342 g ; C = 29 moles.m⁻³)

 $h \approx 7.2 \text{ m}$ C) ne suffit pas à expliquer totalement la montée de sève dans les arbres

- Une eau très salée ne désaltère pas,...

- Saccharose et NaCl

Une cuve de section carrée de 10 cm de côté et de capacité 10 l est séparée en 2 compartiments égaux par une cloison, perméable seulement à l'eau, pouvant être mobile et glisser sans frottement le long de la cuve.

1) La cloison étant d'abord maintenue fixe, on remplit un compartiment d'une solution aqueuse de saccharose à 10 g.l⁻¹ et l'autre d'une solution aqueuse de NaCl (non dissocié) à 20 g.l⁻¹ Calculer la pression osmotique dans chaque compartiment, sachant que T = 300°K.

2) La cloison étant ensuite laissée libre de se mouvoir, dans quel sens et de combien va-t-elle se déplacer?

solution de solution de saccharose NaCl eilforanaan Oanaan and tijo

Masses molaires (en grammes): saccharose = 342 chlore = 35,5 sodium = 23

1)
$$\pi_{\text{saccharose}} = 75.10^3 \,\text{Pa} \sim 0.7 \,\text{Po}$$
 $\pi_{\text{NaCl}} = 853.10^3 \,\text{Pa} \sim 8.4 \,\text{Po}$ 2) --> saccharose, 42 cm.

TENSION SUPERFICIELLE, CAPILLARITÉ

NOTIONS DE TENSION SUPERFICIELLE

Mise en défaut des lois de la statique des fluides :

• • •

gouttelettes...

ménisques...

ascension dans les tubes...

insectes sur l'eau...

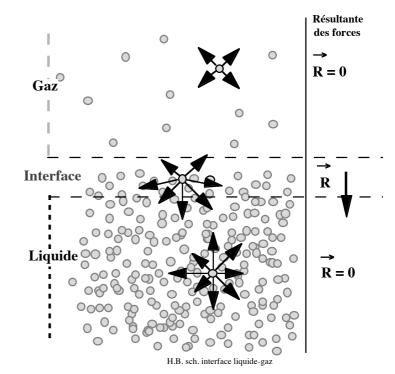
...

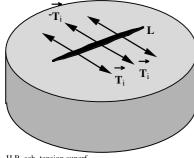
Phénomènes dus aux interfaces du type liquide-vapeur, liquide-solide et solide-vapeur.

Echelle macroscopique: pas de mouvements d'ensemble du liquide.

Echelle microscopique: molécules situées à l'*interface*: subissent une force résultante dirigée vers le liquide

La couche superficielle d'un liquide est soumise à une force qui tend à *réduire* cette surface





Fente L de longueur l; tractions T

$$\sigma = \frac{|T|}{l} = tension superficielle \text{ (unit\'e: N.m-1)}$$
(ou idem J.m-2 énergie par unité de surface)

H.B. sch. tension superf.

Un liquide avec une surface libre possède une énergie superficielle proportionnelle à l'aire de cette surface

$$E_s = \sigma.S$$

σ dépend de la nature du liquide, de l'interface et de la température.

Valeurs / air :

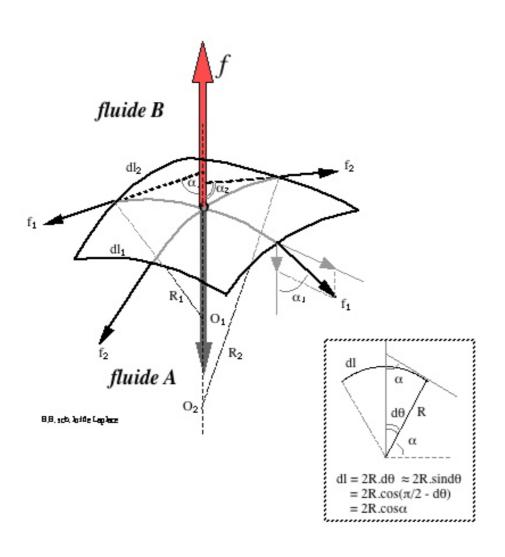
Eau.... $\sigma(0^{\circ}\text{C}) \approx 7,6.10^{-2} \text{ N.m}^{-1}$

 $\sigma(20^{\circ}\text{C}) \approx 7.3 \ 10^{-2} \ \text{N.m}^{-1}$ $\sigma(37^{\circ}\text{C}) \approx 7.0 \ 10^{-2} \ \text{N.m}^{-1}$

Plasma sanguin $\sigma(37^{\circ}\text{C}) \approx 7.3 \text{ } 10^{-2} \text{ N.m}^{-1}$

Mercure $\sigma(20^{\circ}\text{C}) \approx 43.6 \ 10^{-2} \ \text{N.m}^{-1}$

LOI DE LAPLACE



Surface S (séparation fluide A / fluide B) limitée par côtés dl_1 et dl_2 , arcs de cercle de centre O_1 et O_2 , de rayon R_1 et R_2

...

En O existe donc une force f contrebalançant la résultante verticale des forces de tension superficielle.

 $\Delta \text{p.S} = \Delta \text{p.}dl_1.dl_2$

•••

 $f_1 = \sigma.dl_2$ et $f_2 = \sigma.dl_1$

$$\Delta p = 2\sigma \frac{\cos \alpha_1}{dl_1} + 2\sigma \frac{\cos \alpha_2}{dl_2}$$

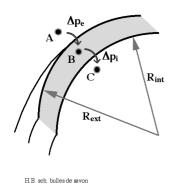
-- Loi de Laplace --

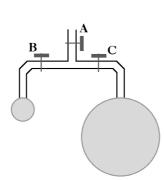
A la traversée de la surface de séparation de deux fluides, la pression subit un accroissement, de la face convexe vers la face concave, égal à la tension superficielle de l'interface multipliée par la courbure moyenne :

$$\Delta p = \sigma \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)$$

APPLICATIONS

• Bulles de savon





$$\Delta \mathbf{p} = \sigma \left(\frac{1}{R_{ext.1}} + \frac{1}{R_{ext.2}} \right) + \sigma \left(\frac{1}{R_{int.1}} + \frac{1}{R_{int.2}} \right)$$

<mark>Si</mark>...

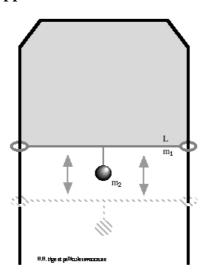
$$\frac{Si}{R}$$
... = $\frac{4c}{R}$

.../...

Où est la plus importante surpression?

• Pellicule savonneuse, force de rappel

La "force de rappel" des forces de tension superficielle n'est pas proportionnelle à l'allongement (l'analogie "feuille élastique" a des limites)



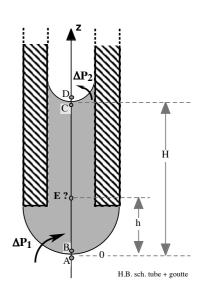
• Extrémité de tube

Une goutte de liquide, masse volumique ρ et tension superficielle σ , est en équilibre à l'extrémité d'un tube capillaire vertical en verre. Les deux ménisques sont supposés hémisphériques, de rayons respectifs intérieur R et extérieur 2R.

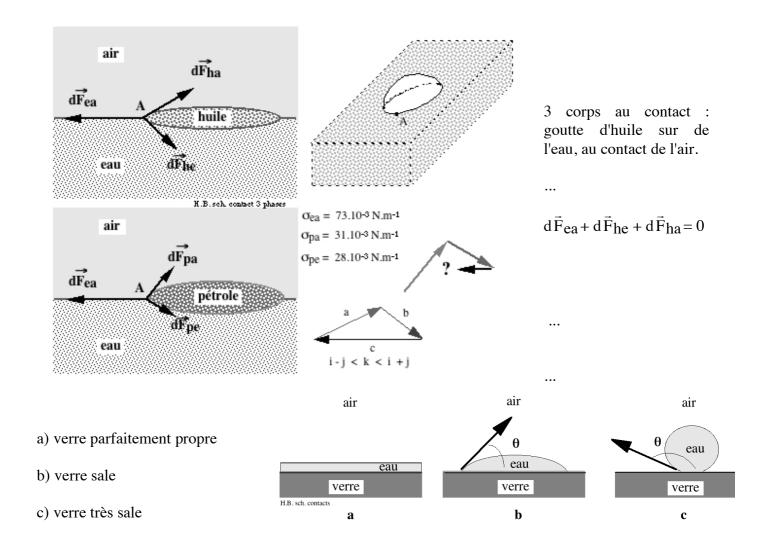
- 1) Déterminer H, distance séparant les deux ménisques suivant l'axe Oz.
- 2) Tracer la pression en fonction de z et déterminer la position h du point E dans la goutte qui est à la pression atmosphérique P₀.

1)
$$H = \frac{3\sigma}{\rho gR}$$

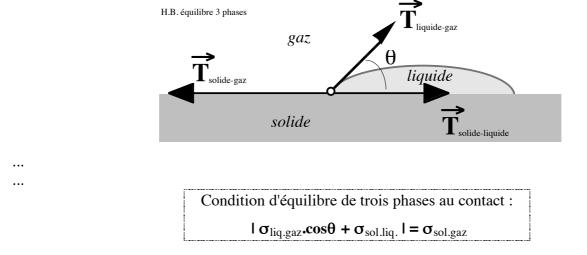
1)
$$H = \frac{3\sigma}{\rho \cdot g \cdot R}$$
2)
$$h = \frac{\Delta P_1}{\rho \cdot g} = \frac{\sigma}{\rho \cdot g \cdot R} = \frac{1}{3} H$$



ANGLE DE RACCORDEMENT, PHASES EN CONTACT



<u>L'état</u> de surface des diverses phases est <u>essentiel</u> dans la détermination des conditions d'équilibre.



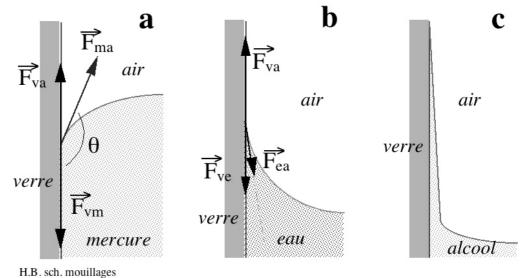
ASCENSION (OU DÉPRESSION) CAPILLAIRE

Surface *verticale*: phénomènes de tension interfaciale également.

...

• • •

...



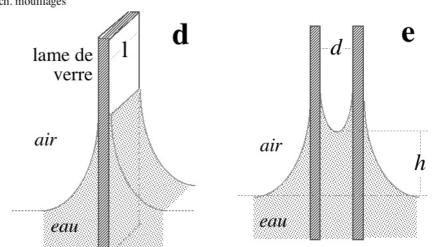
e) 2 lames à peu de distance

Les <u>réactions</u> aux forces de tension compensent le poids de liquide soulevé entre les deux plaques :

$$2\sigma.l = \rho. l.d.h. g$$

==> $h = \frac{2\sigma}{\rho.g.d}$

"Ascension capillaire"



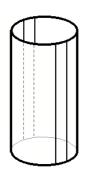
Si les lames forment un petit angle dièdre :

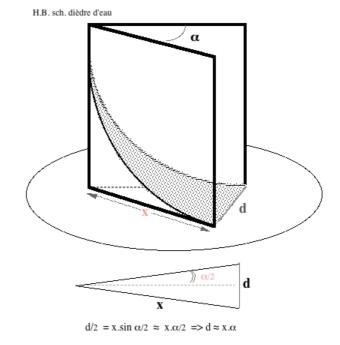
... $h = \frac{2\sigma}{\rho g \alpha} \frac{1}{x} \Rightarrow h = C \frac{1}{x}$

Tube:

...

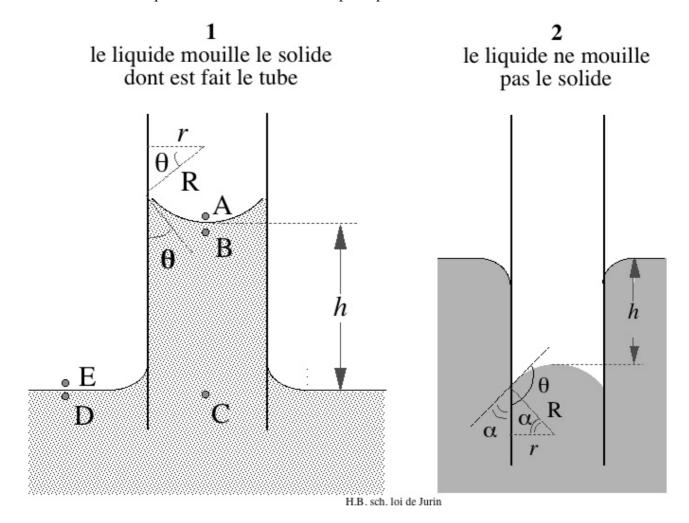
• • •





Capillarité, Loi de Jurin

Tube fin ; interface liquide-air assimilée à calotte sphérique



θ aigu (figure 1)

loi de Laplace entre A et B

• • •

loi de Laplace entre D et E

• • •

principe fondamental de la statique entre B, C et D

...

<u>θ obtus (figure 2)</u> Raisonnement identique (attention au signe!)

• • •

-- Loi de Jurin --

Par capillarité, un liquide monte (ou descend) dans un tube fin (de rayon r, plongé verticalement dans le liquide) d'une hauteur : $\mathbf{h} = \frac{2\sigma\cos\theta}{\rho\,\mathbf{g}\,\mathbf{r}}$

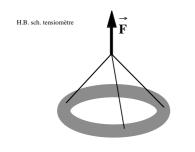
mouillage parfait : $\theta = 0$ liquides $\theta > \pi/2 \implies h < 0$ (dépression)

MESURE DES TENSIONS SUPERFICIELLES

Rupture d'équilibre entre poids de la partie située sous le rétrécissement et forces de tension superficielle s'exerçant le long de ce rétrécissement :

$$T = \sigma . 2\pi r = k.2\pi R.\sigma$$

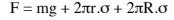
C) Toutes les gouttes formées par un compte-gouttes ont la même masse.

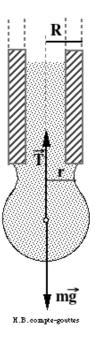


Techniques de mesure :

Stalagmométrie --->

<--- Méthode "d'arrachement"

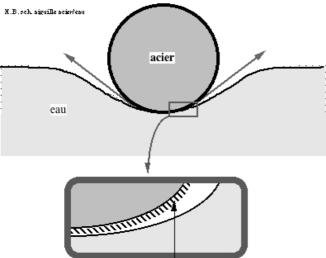




APPLICATIONS

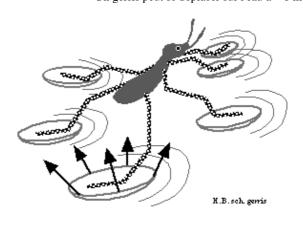
https://www.book-e-book.com/

- Aiguille d'acier sur l'eau



- Araignée d'eau

Un gerris peut se déplacer sur l'eau à ~ 1 m.s⁻¹



- Et le Basilic qui court sur l'eau ?...

Le lézard basilic atteint 12 km/h mais sa "tenue" sur l'eau vient principalement de l'effet de rame de ses pattes postérieures + la minimisation des forces de "retenue" de l'eau via les cavités "d'air" (vapeur d'eau, gaz) qu'il crée (plus, à un moindre degré, des impulsions verticales résultant des "gifles" données par les pattes sur l'eau).

couche d'acides gras

Les forces de tension superficielles n'interviennent quasiment pas (excepté peut-être pour la queue à des moments spécifiques de la course du basilic).

NHPA Sunset S&V N° 945

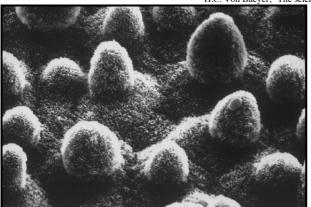


 $\underline{https://www.book-e-book.com/livres/11-comment-dejouer-les-pieges-de-linformation-ou-les-regles-dor-de-la-zetetique-2915312126.html$

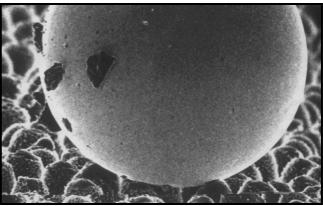
- Fleur de lotus, eau boueuse et pureté... https://www.book-e-book.com/

(cf. également force électrique et effet Lotus in cours de Zététique : Méthodologie Scientifique)

H.C. Von Baeyer, "The sciences" (NY Acad. Sc.), janvier-février 2000



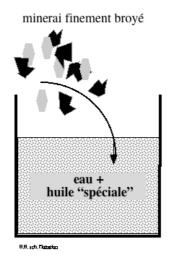
Surface de Lotus blanc, Nelumbo nucifera (x1200)

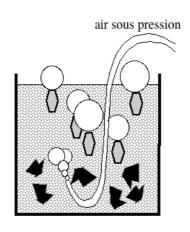


Goutte de mercure sur une feuille (x 470) : poussières ramassées

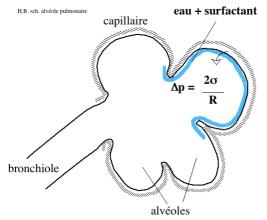
peinture de façade "Lotusan", peinture de voiture,...

- Enrichissement des minerais par *flottation*





- Fonction respiratoire chez les êtres vivants, en milieu aérien



Homme: surface de peau $\sim 2 \text{ m}^2$ surface alvéoles (N > 10^8) pulmonaires $\sim 100 \text{ m}^2$

Paroi interne des alvéoles : "surfactant pulmonaire" fait varier σ (entre 5.10^{-3} et 45.10^{-3} N.m⁻¹).

Cette propriété de σ - limite la variation de surpression dans les alvéoles, - empêche les petites alvéoles de se vider dans les grandes, - réalise l'égalité de pression dans toutes les alvéoles pulmonaires pouvant ainsi fonctionner simultanément, - diminue le travail nécessaire au cycle respiratoire.

 $\sigma_{\text{eau-air }37^{\circ}\text{C}} = 70.10^{-3} \text{ N.m}^{-1}$ $< \sigma_{\text{(eau+surfactant)-air }37^{\circ}\text{C}} > = 25.10^{-3} \text{ N.m}^{-1}$

COHÉSION D'UN LIQUIDE

ou montée de la sève dans les grands arbres...

- Pression atmosphérique

P_o au niveau du sol et des racines superficielles peut faire monter la sève à:

$$h = \frac{\Delta P}{\rho \cdot g}$$
 max. ~10 m

- Ascension capillaire

Tubes fins de xylème, rayon 20 à 200 μ m, permet élévation (avec $\theta = 0^{\circ}$):

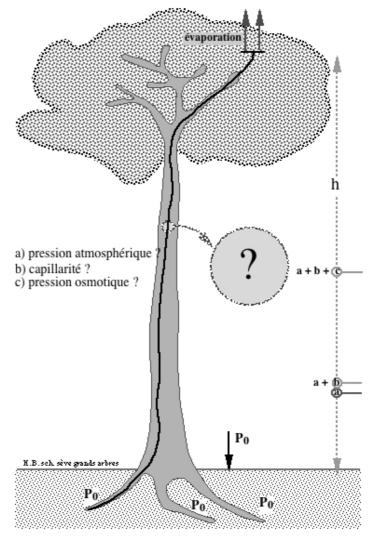
$$h = \frac{2\sigma}{\rho \cdot g \, r}$$
 max. ~0,7 m

- Pression osmotique

Pour concentration en sucres élevée (~ 20 à 30 g/l avec $M_{mol.} \sim 350$)

$$h = \frac{c RT}{\rho g} \quad \text{max.} \sim 20 \text{ m}$$

a + b + c ==> au mieux environ 30 m. Et pourtant des arbres de 50 m et plus poussent sans problème...



Cohésion d'un liquide

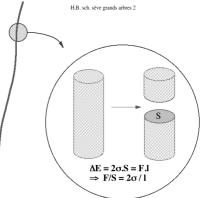
Forces intermoléculaires ne s'exercent que sur distances très courtes, ≈ dizaine de fois la taille des molécules.

H) sève = eau, force constante sur 2 nm:

$$\Delta W = 2\sigma.S = F.1$$
 d'où $\frac{F}{S} = \frac{2\sigma}{l} = \frac{2.73.10^{-3}}{2.10^{-9}} = 73.10^{6} \text{ Pa}$

L'eau peut résister à des pressions négatives d'environ 700 fois la pression atmosphérique sans se fractionner.

L'évaporation au niveau des feuilles produit une aspiration de la sève qui se déplace "en bloc" du fait de sa *cohésion*.



La cohésion moléculaire explique pourquoi, contrairement à ce qui est souvent affirmé, un siphon fonctionne dans le vide.

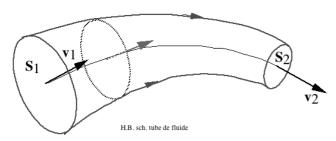
Situation "idéalisée" et "réalité"...

Pesanteur (essentielle pour les gouttes de liquide dans un gaz)

et **poussée d'Archimède** (essentielle pour les bulles de gaz dans un liquide) https://www.book-e-book.com/ s'ajoutent aux forces de tension superficielle ; d'où déformation des volumes considérés.

DYNAMIQUE DES FLUIDES PARFAITS

CONSERVATION DU DÉBIT



- -- Fluide parfait,
- -- Fluide incompressible,
- -- Régime permanent, stationnaire.

 $\begin{tabular}{lll} \it Tube de courant: engendré par les lignes de courant s'appuyant sur 2 surfaces fermées S_1 et S_2. \end{tabular}$

..

Dans un fluide parfait incompressible, le débit est conservé $S.v = C^{te}$

EQUATION DE BERNOULLI

Tout point de S_i à hauteur h_i et même vitesse v_i . Volumes AA' et BB': même quantité Δm de matière.

Théorème de l'énergie cinétique :

"La variation d'énergie cinétique est égale au travail des forces extérieures appliquées au système"

•••

$$\begin{split} \Delta E_{cin.} &= \frac{1}{2} \Delta m (v_B^2 - v_A^2) = W_{f.ext.} \\ &= W_{poids} + W_{f.pression} \end{split}$$

$$W_{poids} = \Delta m.(-g).(h_B-h_A) = \Delta m.g.(h_A-h_B)$$

$$W_{f.press.} = F_A.l_A$$
 - $F_B.l_B = p_A.\Delta V$ - $p_B.\Delta V$.../...

$$\frac{1}{2}\Delta m.v_A{}^2 + \Delta m.g.h_A + p_A\Delta V \ = \ \frac{1}{2}\Delta m.v_B{}^2 + \Delta m.g.h_B + p_B\Delta V$$

Quantité $(\frac{1}{2}\rho v^2 + \rho gh + p)$ identique en 2 points A et B choisis de façon <u>quelconque</u>; donc...

h_B
S_A
V_A
V_A
V_B
V_B

H.B. sch. éq. de Bernoulli

En tout point d'une ligne de courant :
$$\frac{1}{2}\rho \cdot v^2 + \rho \cdot g \cdot h + p = C^{te}$$

Conservation de l'énergie par unité de volume

$$v=0 \implies \rho.g.h + p = C^{te} \implies p_1 - p_2 = \rho.g.h_2 - \rho.g.h_1 = \rho.g(h_2 - h_1)$$
 i.e. $dp = -\rho.g.dh$ (principe fondamental de la statique des fluides)

APPLICATIONS

--- Orientation de l'ouverture du tube

Vitesse = $f(p,h,g,\rho)$ ⇒ détermination possible via la mesure de la pression.

 $v_{A'} = v$ (vitesse générale)

 $v_B = 0$

éq. de Bernoulli applicable le long d'une ligne de courant.

Or en B, fluide immobile, aucune ligne de courant ne passe.

B', voisinage immédiat de B; pression sans discontinuité

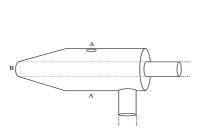
brutale en B ==> éq. de Bernoulli entre A et B (en toute rigueur entre A' et B').





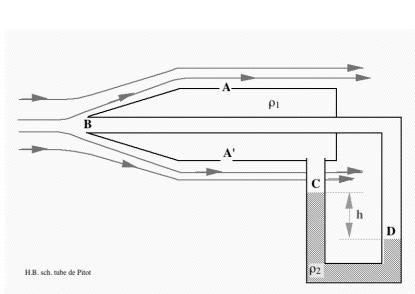
$$\Rightarrow$$
 $v = \sqrt{2g.(h_2 - h_1)}$

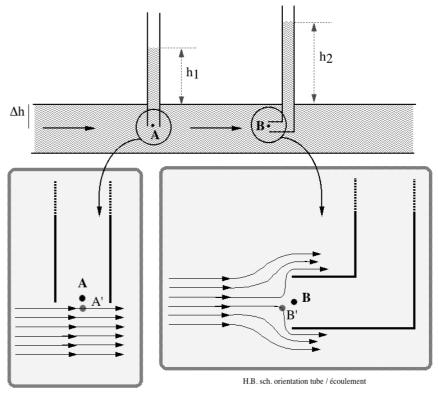
--- Tube de Pitot



V_B nulle

Surpression donne dénivellation $h_C - h_D = h$ dans le manomètre





Résolution caractéristique via l'exemple du tube de Pitot

Points initial et final identiques (B et A) mais via deux chemins 1) et 2) différents

--- 1) Dynamique (Bernoulli)

$$\frac{1}{2}\rho_{1}.v_{A}^{2} + \rho_{1}.g.h_{A} + p_{A} = \rho_{1}.g.h_{B} + p_{B}$$

$$\Rightarrow p_{B} - p_{A} = \frac{1}{2}\rho_{1}.v_{A}^{2} + \rho_{1}.g.h_{A} - \rho_{1}.g.h_{B} = \frac{1}{2}\rho_{1}.v_{A}^{2} + \rho_{1}.g.(h_{A} - h_{B}) \tag{1}$$

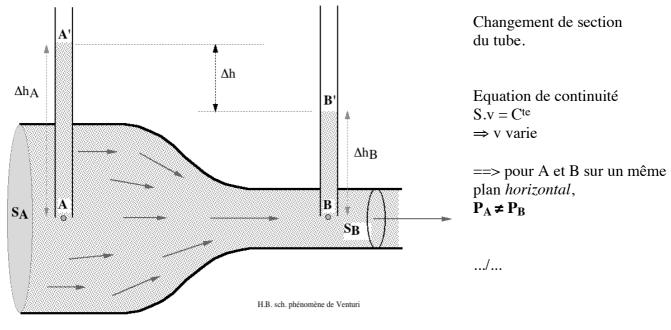
--- 2) Statique (th. fondamental ou Bernoulli avec v = 0)

$$\begin{aligned} p_B - p_A &= p_B - p_D + p_D - p_C + p_C - p_A \\ &= \rho_1.g.(h_D - h_B) + \rho_2.g.(h_C - h_D) + \rho_1.g.(h_A - h_C) \\ &= \rho_1.g.(h_D - h_B + h_A - h_C) + \rho_2.g.(h_C - h_D) \end{aligned} \tag{2}$$

Or (1) = (2)
$$\Rightarrow \frac{1}{2}\rho_1.v_A{}^2 = \rho_1.g.(h_D - h_C) + \rho_2.g.(h_C - h_D) = -\rho_1.g.h + \rho_2.g.h = g.h.(\rho_2 - \rho_1)$$

$$\Rightarrow v_A = \sqrt{2gh\frac{\rho_2 - \rho_1}{\rho_1}}$$
 Si $\rho_2 \gg \rho_1$ (liquide 2 choisi en conséquence) $v = \sqrt{2gh\frac{\rho_2}{\rho_1}}$)

--- Effet Venturi



/

$$p_{A} - p_{B} = \frac{1}{2} \rho. v_{A}^{2} ([\frac{S_{A}}{S_{B}}]^{2} - 1) > 0$$

 $p_{A} - p_{B} = \rho. g. (\Delta h_{A} - \Delta h_{B}) = \rho. g. \Delta h$

<u>Mnémotechnique</u>: file d'attente au restaurant universitaire. Etudiants *compressés* dans la partie large à *écoulement faible* puis étudiants "à *l'aise*" dans la partie étroite à *écoulement plus rapide*.

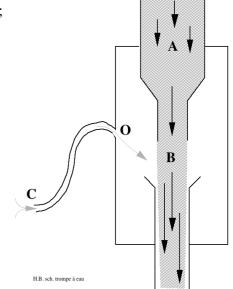
Effet Venturi, base d'un grand nombre d'applications pratiques ; compréhension de nombreux phénomènes,...

--- Trompe à eau

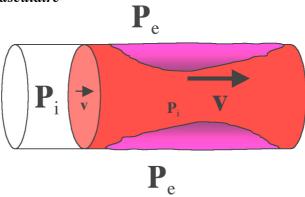
.../...

--- Carburateur, vaporisateur,...

.../...



--- Phénomène de sténose vasculaire



--- Une application peu banale visible dans les A.-M. : le Martinet de Contes (à visiter !)

Forge d'origine médiévale.

Le système d'alimentation en air du feu de cette forge ne fait appel à aucun soufflet ; il repose sur... une trompe à eau!

Conservation du débit Effet Venturi

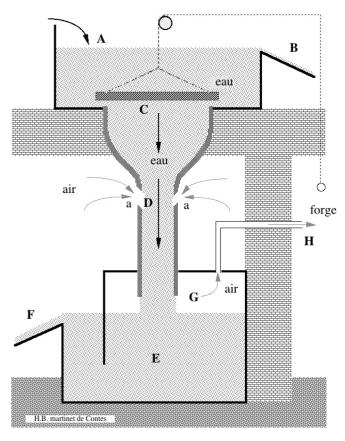
• •

$$\rho.g.h_{A} + P_{0} = (1/2)\rho.v_{D}^{2} + \rho.g.h_{D} + p_{D}$$

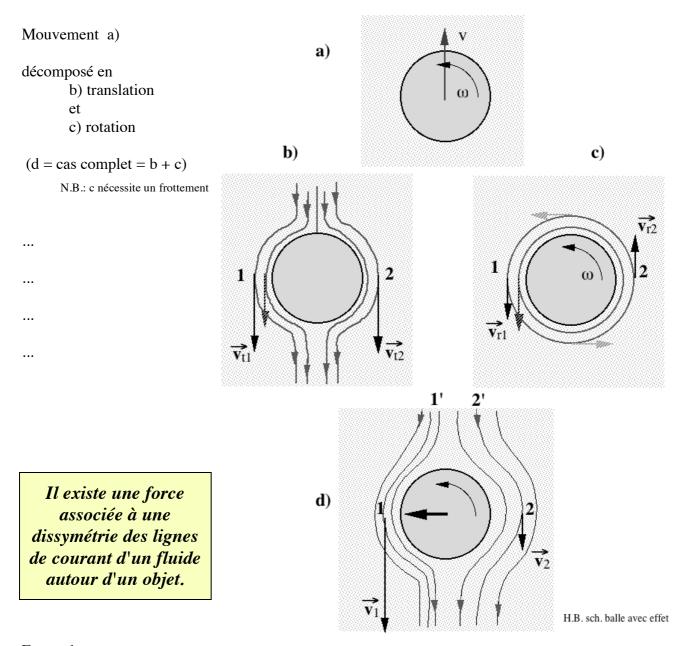
...

Dépression au point D = ...

• • •



Force associée à une dissymétrie : balle avec effet,...



Force obtenue par

- **rotation** de l'objet (bateau à "voiles" cylindriques tournantes), ou
- modelage précis et orientation ("angle d'attaque") dans le fluide de déplacement (aile d'avion, aileron de voiture,...)

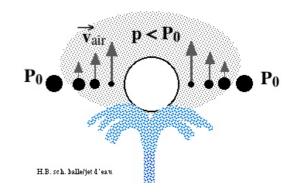
(Heindrich Gustav Magnus ~ 1850) https://www.book-e-book.com/

Balle sur jet d'eau,...

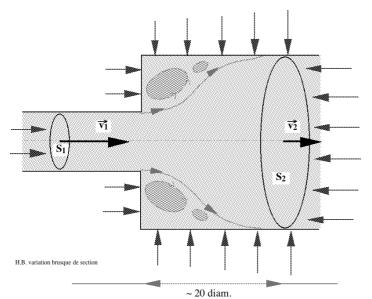
• • •

Autres exemples:

- sèche-cheveux + balle de tennis de table
- "jupe" et bas de caisse de voiture...
- appareil pour soulever des pièces de tissu,...
- toit emporté,...
- camion/voiture,...



LIMITES D'APPLICATION (variation brusque de section)



"Théorème" des qtés de mouvement

"Axe quelconque: projection des forces extérieures s'appliquant à un fluide = différence des quantités de mouvement sortante et entrante par unité de temps suivant même direction"

$$F = m\gamma = \frac{d(mv)}{dt}$$

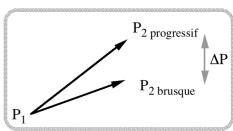
$$= \rho \cdot \frac{S_1}{S_2} v_1 (v_1 - v_2) = \rho \cdot v_2 (v_1 - v_2)$$

$$= \rho \cdot \frac{S_1}{S_2} v_1 (v_1 - \frac{S_1}{S_2} v_1)$$

$$= \rho \cdot v_1^2 \frac{S_1}{S_2} (1 - \frac{S_1}{S_2})$$

Si la section changeait progressivement (équation de Bernoulli)

$$\frac{1}{2}\rho.v_1^2 + p_1 = \frac{1}{2}\rho.v_2^2 + p_2 \implies \mathbf{p_2} \cdot \mathbf{p_1} = \frac{1}{2}\rho.(\mathbf{v_1}^2 \cdot \mathbf{v_2}^2)$$

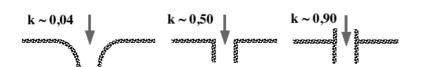


Perte de pression due à la variation brusque

$$(p_2 - p_1)_{\text{progr.}} - (p_2 - p_1)_{\text{brusque}} = \Delta p = \frac{1}{2} \rho (v_1^2 - v_2^2) - \rho \cdot v_2 (v_1 - v_2)$$

$$= \dots = \frac{1}{2} \rho (v_1 - v_2)^2 = \frac{1}{2} \rho v_1^2 k$$

Conclusion : l'énergie mécanique perdue est égale à l'énergie cinétique correspondant à la perte de vitesse (appelé quelquefois "théorème de Carnot")



Idem pour rétrécissement

... Attention à la géométrie de la "jonction"

EXTENSION AU CAS DES GAZ

Relation de Bernoulli $(\frac{1}{2}\rho.v^2 + \rho.g.h + p)$ établie stricto sensu pour les fluides *incompressibles*.

Or, pour les gaz (fluides compressibles): - conditions normales:

 $p \approx 10^5 \text{ Pa}$ $\rho \sim 1 \text{ kg.m}^{-3}$

- plupart d'entre eux:

pour que $\frac{1}{2}\rho . v^2$ soit du même ordre de grandeur que p ==> $\mathbf{v} \sim 450 \text{ m/s}$

pour que ρ .g.h soit du même ordre de grandeur que p ==> $h \sim 10^4 m$

Dans un large domaine de valeurs, le théorème de Bernoulli est encore applicable aux gaz

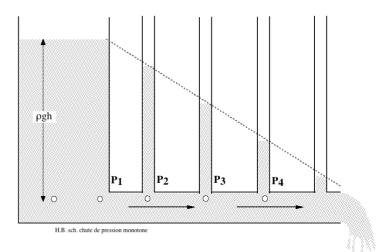
DYNAMIQUE DES FLUIDES VISQUEUX

La pression n'est pas invariante!

Chute de pression monotone. Ce phénomène est dû aux **forces de frottement** consécutives à l'écoulement laminaire dans le tube horizontal.

• • •

Ces forces de frottement se nomment **forces** de *viscosité* dans le cas des fluides.



VISCOSITÉ: PHÉNOMÈNE MACROSCOPIQUE

Accès sensoriel : la viscosité se remarque aisément...

Résistance : mobiles dans l'air ; corps qui tombe ; organisme vivant dans l'eau ; particules en suspension dans un liquide ; main à la fenêtre d'une voiture,...

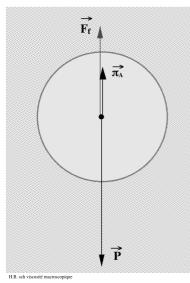
"Force musculaire": ...

...

"Force mécanique": ...

...

Chute libre dans un fluide visqueux



3 forces agissent : 1) poids 2) poussée d'Archimède 3) frottement

A <u>faible vitesse</u>, force de viscosité : $\mathbf{F} = -\mathbf{K} \cdot \mathbf{\eta} \cdot \mathbf{v}$

K coefficient géométrique (en m) dépendant de la forme du corps η coefficient de viscosité (en kg.m⁻¹.s⁻¹ = Pa.s)

(on utilise aussi le *poise* qui vaut 10⁻¹ Pa.s)

...

Sphère de rayon R : $\mathbf{K} = 6\pi \mathbf{R}$ (loi de Stokes)

Disque de rayon R : $K \sim 16R$ (déplacement /face) ou $K \sim 11R$ (/tranche)

$$m\gamma = mg - \pi_A - F_f \quad \text{soit} \quad m \frac{dv}{dt} = mg - V.\rho_{fluide}.g - K.\eta.v$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{K\eta}{m}.v = g(1 - \frac{V.\rho_{fluide}}{m}) = g(1 - \frac{\rho_{fluide}}{\rho_{corps}}) \quad \text{\'equation diff\'erentielle en } v$$

$$(v' + Av = B)$$

•••

$$\mathbf{v} = \frac{\mathbf{mg}}{\mathbf{K} \, \eta} (1 - \frac{\rho_{\rm f}}{\rho_{\rm c}}) [1 - \mathbf{e} \cdot \frac{\mathbf{K}_{\, \eta}}{\mathbf{m}} \cdot^{\mathbf{t}}]$$

$$t \to \infty$$
, exp. $\to 0$ \Rightarrow vitesse limite v_L

Dans le cas d'une sphère : $K=6\pi R$; $m=\rho_{C}~\frac{4}{3}~\pi R^{3}$

$$\Rightarrow$$
 $\mathbf{v}_{L} = \frac{2g\mathbf{R}^{2}}{9\eta}(\rho_{c} - \rho_{f}) \propto \mathbf{R}^{2}$ i.e. $\mathbf{v}_{L} \propto \mathbf{m}^{2/3}$

Quelques valeurs de η , coefficient de viscosité, à 15°C

a) Gaz : η augmente faiblement quand la t° augmente

(viscosité ~ constante [variation < 10%] entre 0°C et 40°C, domaine biologique)

air	1,7 .10 ⁻⁵ Pa.s	(1,8.10 ⁻⁵ à 20°C)
azote	1,65.10 ⁻⁵ Pa.s	
gaz carbonique	1,4 .10 ⁻⁵ Pa.s	
hydrogène	0,85.10 ⁻⁵ Pa.s	$(0.9.10^{-5} \text{ à } 20^{\circ}\text{C})$

b) Liquides: η baisse fortement quand la t° augmente

(forces d'attraction intermoléculaires diminuent quand la t° augmente)

eau	1,14.10 ⁻³ Pa.s	(1,0.10 ⁻³ à 20°C)
alcool	1,30.10 ⁻³ Pa.s	
mercure	1,60.10 ⁻³ Pa.s	$(1,5.10^{-3} \text{ à } 20^{\circ}\text{C})$
kérosène	1,83.10 ⁻³ Pa.s	
glycérine	1300 .10 ⁻³ Pa.s	(800.10 ⁻³ à 20°C)

Pas de loi unique du frottement fluide

Goutte d'eau, de rayon r, en chute libre dans l'air (à 20°C)

$$-r = 10^{-6} \text{ m} \Rightarrow \text{vitesse de } 1,2.10^{-4} \text{ m.s}^{-1} \text{ soit } \sim 43 \text{ cm à l'heure}$$

$$-r = 1 \text{ mm} \Rightarrow v = 120 \text{ m.s}^{-1} \text{ soit ...} \sim 430 \text{ km.h}^{-1} !$$

Ne correspond *pas du tout* à la réalité de la vitesse des gouttes de pluie (quelques m.s⁻¹). "Stokes" ($F = 6\pi R.\eta.v$) n'est plus valable.

Au moins deux lois différentes fonction de v, vitesse, et L, dimension caractéristique du mobile.

Force de résistance *visqueuse* aux *petites* vitesses: $\mathbf{F} \propto \eta.v.\mathbf{L}$

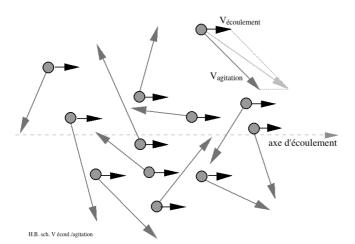
Coefficient de proportionnalité prend en compte la forme du corps.

"Petites vitesses" (en m.s⁻¹): pour l'eau
$$v < 5.10^{-4}/L$$
 pour l'air $v < 75.10^{-4}/L$ pour \approx miel $v < 1/L$

Force de résistance *turbulente* aux grandes vitesses: $\mathbf{F} \propto \rho . \mathbf{v}^2 . \mathbf{L}^2$

Viscosité passe au $2^{\text{ème}}$ plan ; masse volumique devient le paramètre le plus important. Lorsque la vitesse augmente encore, la force de frottement augmente comme une puissance (de la vitesse) > 2

VISCOSITÉ: PHÉNOMÈNE MICROSCOPIQUE



Ecoulement d'un fluide à l'intérieur d'un cylindre.

Origine forces de viscosité : échange de *quantité de mouvement* (impulsion) entre les différentes "strates" en train de s'écouler.

•••

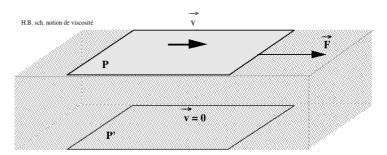
Air à température ambiante, pour une brise légère : $V_{\text{\'ecoulement}} \sim 1 \text{ m.s}^{\text{-}1} \qquad V_{\text{agitation}} \sim 460 \text{ m.s}^{\text{-}1} \quad (>V_{\text{son}})$

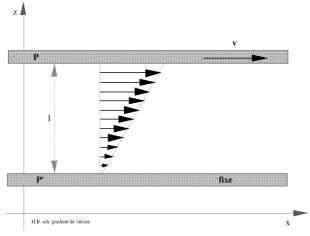
L'agitation thermique entretient entre les diverses parties d'un fluide un équilibre statistique qui assure son homogénéité.

Fluide entre plans P et P' //, surface grande / écartemen t; P' fixe ; P peut se déplacer // P'

Une force est nécessaire pour déplacer P à vitesse constante

==> il existe un processus *dissipatif*.





Il existe un gradient de vitesse.

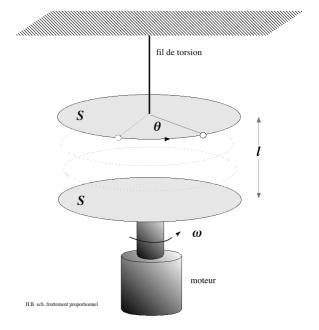
La force de rappel est égale et opposée à la force de frottement F

Or, cette force de rappel est $\propto \theta$

==> "mesure" de $F_{\text{frottement}}$ via l'angle θ

...

•••



"Loi fondamentale des fluides visqueux"

Dans un fluide réel en mouvement, s'exercent des forces de frottement dues à sa viscosité : $F = \eta . S. \frac{dv}{dz}$

Les fluides vérifiant cette relation (η constant pour P et t° données) sont dits *newtoniens*; il s'agit des liquides et gaz constitués de corps purs et homogènes.

Cette propriété n'est plus vraie pour des mélanges complexes qui peuvent présenter des comportements curieux et qui sont dénommés *fluides non newtoniens*.

- Corps "plastiques"
- Corps "épaississants" ou "fluidifiants" (MaizenaTM; ketchup; ...)

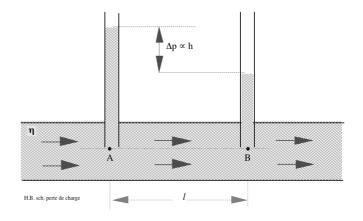
Marche sur un liquide (https://www.book-e-book.com/); Mélange thixotropique miraculeux (cf. https://www.book-e-book.com/livres/9-au-coeur-de-l-extra-ordinaire-9782915312096.html)

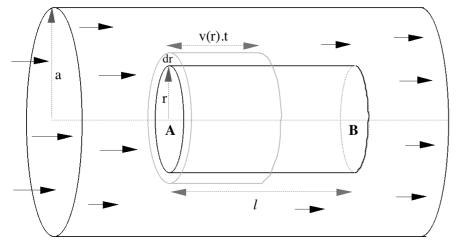
LOI DE POISEUILLE (tubes étroits)

•••

 Δp = chute de pression entre A et B due à la seule viscosité = "perte de charge"

$$\frac{1}{2}\rho v_{A}^{2} + \rho g h_{A} + p_{A} = \frac{1}{2}\rho v_{B}^{2} + \rho g h_{B} + p_{B} + \Delta p$$





$$F_{\text{pression/Ox}} = (p_A - p_B).\pi r^2$$

$$F_{\text{frottement/Ox}} = F_{\text{fx}} = \eta.S. \frac{dv}{dr}$$

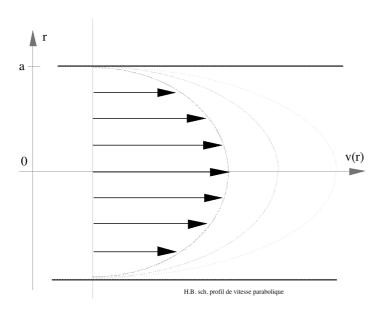
= $\eta.2\pi r.1. \frac{dv}{dr}$

Cylindre en équilibre
$$==> F_{px} + F_{fx} = 0$$

 \Rightarrow v(r) = $-\frac{(p_A - p_B)}{4nl}$ r² + C

Loi de Poiseuille

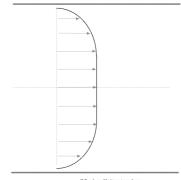
Dans un tuyau cylindrique <u>étroit</u> de rayon a, la vitesse d'écoulement d'un fluide visqueux varie en fonction de la distance \mathbf{r} à l'axe du tuyau : $\mathbf{v}(\mathbf{r}) = \frac{(\mathbf{p}_A - \mathbf{p}_B)}{4\eta \mathbf{1}} (\mathbf{a}^2 - \mathbf{r}^2)$



Profil de vitesse dans un plan quelconque contenant l'axe du cylindre

$$v_{\text{max (centre)}} = \frac{(p_A - p_B)}{4\eta l} a^2$$

Non applicable stricto sensu pour tubes "larges"



Débit

$$Q = \int_{0}^{a} dQ = \int_{0}^{a} 2\pi r v(r) dr = \int_{0}^{a} 2\pi r \cdot \frac{(p_{A} - p_{B})}{4\eta J} (a^{2} - r^{2}) \cdot dr$$
$$= \pi \cdot \frac{(p_{A} - p_{B})}{2\eta J} \int_{0}^{a} r(a^{2} - r^{2}) \cdot dr = \pi \cdot \frac{(p_{A} - p_{B})}{2\eta J} (a^{2} [\frac{r^{2}}{2}]_{0}^{a} - [\frac{r^{4}}{4}]_{0}^{a})$$

"Loi de Poiseuille" (comme précédemment)

Le débit d'un fluide visqueux dans un tube <u>étroit</u> de rayon a est : $Q = \frac{\pi(p_A - p_B)}{8\eta \cdot l} a^4$

Vitesse movenne

$$\overline{\mathbf{v}} = \frac{1}{S} \int v \, dS = \frac{1}{\pi a^2} \int_0^a \mathbf{v}(\mathbf{r}) \cdot 2\pi \mathbf{r} \cdot d\mathbf{r} = \frac{1}{\pi a^2} \int_0^a dQ = \frac{Q}{\pi a^2}$$

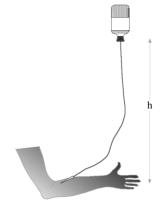
$$= > \overline{\mathbf{v}} = \frac{(\mathbf{p_A} - \mathbf{p_B})}{8n\mathbf{l}} \mathbf{a^2} = \mathbf{v_{max}} \cdot /2 \qquad \text{(ou Q = S.v_{moyenne})}$$

APPLICATIONS

- -- Tuyau horizontal, longueur AB = 31 m, diamètre = 20 mm, débite à l'air libre 0,5 litre.s⁻¹ à travers un orifice terminal de section $S_B = 0.5 \text{ cm}^2$
- 1) En négligeant la viscosité de l'eau, quelle est la pression p_A de l'eau au robinet ?
- 2) Si l'on tient compte de cette viscosité $\eta = 1.10^{-3}$ Pa.s, quelle pression supplémentaire Δp faut-il exercer au niveau du robinet ?

1)
$$p_A \approx 1,5.10^5 \text{ Pa}$$
 $(P_0 + 0,4875.10^5)$ 2) $\Delta p = 0,04.10^5 \text{ Pa}$

- -- Accident sur la Lune $(g_{Lune} = 1,6 \text{ m.s}^{-2})$: besoin d'une transfusion sanguine. On utilise un matériel consistant en
- *flacon* de sang, $\eta_{sang} = 31{,}4.10^{-4}~Pa.s$; $\rho_{sang} \approx 10^3~kg.m^{-3}$
- tuyau, diamètre suffisant pour négliger la perte de charge due à la viscosité
- aiguille, diamètre intérieur 0,2 mm et longueur 0,8 cm.
- 1) Pour un débit Q de 3 cm³.mn⁻¹, quelle est la diminution de pression due à la viscosité dans l'aiguille ?
- 2) Pression du sang $P_{\text{veine}} = 0.7.10^3 \text{ Pa /extérieur.}$ Pour une transfusion flacon --> homme, à quelle hauteur h au-dessus du bras faut-il placer le flacon ? (sans tenir compte de la hauteur de sang dans le flacon)



- 1) $\Delta P_{\text{aiguille}} = 0.32.10^5 \text{ Pa}$
- 2) $\rho_{\text{sang}}.g_{\text{Lune}}.h \Delta P_{\text{aiguille}} > P_{\text{veine}} ==> h > 20 \text{ m}$ (20,44)

Changer de matériel (sinon "don" de sang au lieu de "transfusion" !)

NOTION DE RÉGIME TURBULENT

•••

•••

Ecoulements *turbulents*: présentent une étroite dépendance / temps

...

Nombre de Reynolds :

rapport (sans dimension) $R = \frac{\rho v d}{\eta}$

 $\boldsymbol{\rho}$: masse volumique du fluide

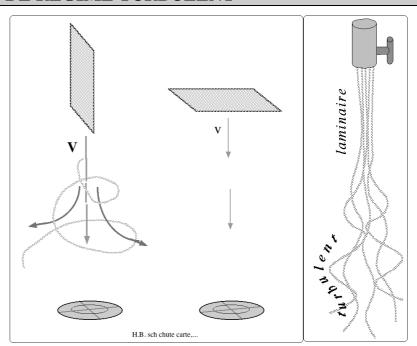
 η : viscosité du fluide

v : vitesse de l'écoulement

d : dimension linéaire caractéristique de l'objet ou de la section du fluide

Le passage d'un régime *laminaire* à un régime *turbulent* se fait lorsque le nombre de Reynolds $R = \frac{\rho.v.d}{\eta}$ est compris entre 1000 et 2000 (ordre de grandeur)

Ordre de grandeur R < 1000, régime *laminaire* Ordre de grandeur R > 2000, régime *turbulent* Zone de transition, autour de $R_{critique} = 1500$



Ouvrages généraux ayant servi à l'élaboration du cours "Mécanique des Fluides"

- collectif (1971), "La Physique", éd. CEPL, Paris, Dictionnaires du Savoir Moderne
- collectif (1974), "Nouveau manuel de l'Unesco pour l'enseignement des sciences", Les Presses de l'Unesco, Paris
- collectif (1981), "Guide de l'Unesco pour les professeurs de sciences", Les Presses de l'Unesco, Paris
- AFNOR collectif (1995), "Grandeurs et unités", recueil de normes françaises, 5ème édition, AFNOR, Paris
- ALONSO M., FINN E. (1970), "Physique générale", éd. Renouveau Pédagogique, Montréal
- ANGELA P., ANGELA A. (1996), "The extraordinary story of life on Earth", Prometheus Books, Buffalo
- d'ARCY THOMPSON (1994), "Forme et croissance" (vers. abrégée de "On growth and Form", éd. 1917), Seuil-CNRS, Paris
- AUDOYE P. (1992), "Mécanique des fluides", Masson, Paris
- BARKER J.A., HENDERSON D. (1982), "La matière à l'état fluide", Pour la Science N° 51
- BOUYSSY A., DAVIER M., GATTY B. (1987), "Physique pour les sciences de la vie" (t. 1 et 2), collection "Dia", Belin, Paris
- **BROCH H.** (2006), "Gourous, Sorciers et Savants", éd. Odile Jacob, Paris (L'illustration de couverture du présent résumé de cours est tirée de cet ouvrage)
- CANDEL S. (1995), "Mécanique des Fluides" (tomes 1 et 2 cours et problèmes résolus), Dunod, Paris
- DAUDEL R. (1981), "Vision moléculaire du monde", éd. Hachette-CNRS, Paris, collection "Liaisons Scientifiques"
- DUPONT B., TROTOGNON J.P. (1995), "Unités et Grandeurs", éd. Nathan, Paris, collection "Etapes"
- GILES R.V., EVETT J.B., LIU C. (1995), "Mécanique des fluides et hydraulique", McGraw-Hill, Paris
- GUINIER A. (1980), "La structure de la matière", éd. Hachette-CNRS, Paris, collection "Liaisons Scientifiques"
- KITAIGORODSKI A. (1984), "La Physique à la portée de tous" (t. 3 et 4), Mir, Moscou (pour t. 1-2, cf Landau et Kitaïgorodski)
- KUHN K.F., FAUGHN J.S. (1980), "Physics in your world", Saunders Philadelphie, Golden Sunbrust series
- LACHNITT J. (1969), "La mécanique des fluides", éd. PUF, Paris, collection "Que sais-je?"
- LANDAU L., LIFCHITZ E. (1971), "Mécanique des Fluides", éd. Mir, Moscou
- LANDAU L., KITAIGORODSKI A. (1984), "La Physique à la portée de tous" (t. 1 et 2), Mir, Moscou (t. 3-4, cf Kitaïgorodski)
- LUMBROSO H. (1994), "Problèmes résolus de mécanique des fluides", Dunod, Paris
- MATHIEU J.P., KASTLER A., FLEURY P. (1991), "Dictionnaire de Physique", Masson-Eyrolles, Paris
- PÉRELMAN Y. (1987), "La Physique récréative", éd. Mir, Moscou
- RUHLA C. (1989), "La Physique du hasard", éd. Hachette-CNRS, Paris, collection "Liaisons Scientifiques"
- VASILESCU D., BROCH H. (1977), "Mécanique et Statique et Dynamique des Fluides", éd. Bréal, Montreuil, collection "Physique", tome 3. Epuisé.

Et pour tout ce qui concerne la démarche zététique :

https://www.book-e-book.com/